

# Repetición indexada

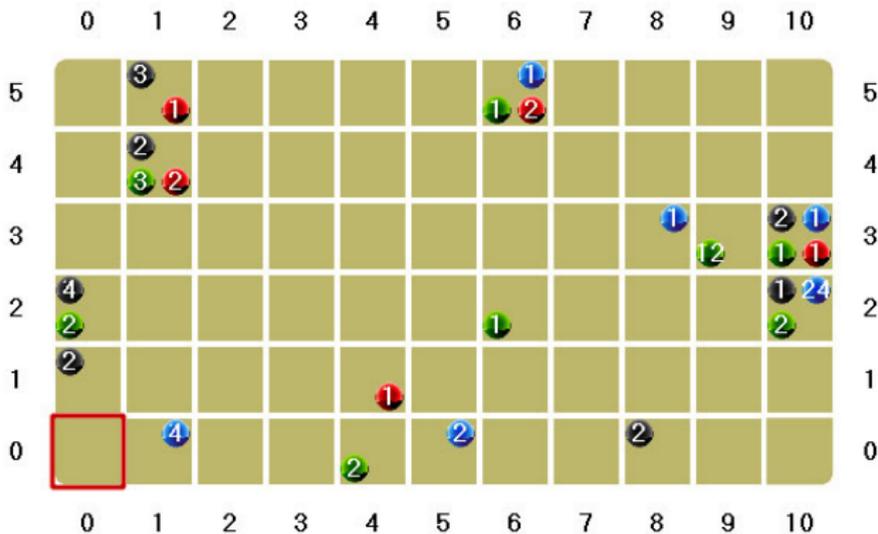
Introducción a la programación

Tecnicatura en programación informática,  
Licenciatura en Desarrollo de Software,  
Universidad Nacional de Quilmes

# Lo que veremos hoy

# Repaso (Elementos de Gobstones)

- **Tablero:** cuadrícula de **celdas**, que contienen **bolitas**.
- **Cabezal:** realiza **acciones** sobre las celdas del tablero.



# Repaso (Programas y comandos)

- Programa Gobstones: texto que describe cómo transformar un tablero
  - program, comandos, propósito, efecto, documentación, tabulación

```
1 /* Proposito: este programa no hace nada */
2 program {
3   Poner(Rojo)
4   Sacar(Rojo)
5 }
```

# Repaso (Programas y comandos)

- Programa Gobstones: texto que describe cómo transformar un tablero
  - program, comandos, propósito, efecto, documentación, tabulación

```
1 /* Proposito: este programa no hace nada */
2 program {
3   Poner(Rojo)
4   Sacar(Rojo)
5 }
```

- Comandos:

- Poner(<color>)
- Sacar(<color>)
- Mover(<direccion>)

- Colores:

- Azul
- Negro
- Rojo
- Verde

- Direcciones:

- Norte ↑
- Este →
- Sur ↓
- Oeste ←

# Repaso (Procedimientos simples)

- Procedimientos simples: dan nombre a una secuencia de comandos
  - `procedure` <NombreMayuscula>() <bloque>

```
1 /* Proposito: Pone un cuadrado de 2x2 con bolitas de cada color
2 * Cabezal: Queda posicionado en la celda actual
3 */
4 procedure CuadradoMulticolor() {
5     Mover(Este); PonerUnaDeCada()
6     Mover(Norte); PonerUnaDeCada()
7     Mover(Oeste); PonerUnaDeCada()
8     Mover(Sur); PonerUnaDeCada()
9 }
```

# Repaso (Procedimientos simples)

- Procedimientos simples: dan nombre a una secuencia de comandos

- `procedure` <NombreMayuscula>() <bloque>

```
1 /* Proposito: Pone un cuadrado de 2x2 con bolitas de cada color
2 * Cabezal: Queda posicionado en la celda actual
3 */
4 procedure CuadradoMulticolor() {
5     Mover(Este); PonerUnaDeCada()
6     Mover(Norte); PonerUnaDeCada()
7     Mover(Oeste); PonerUnaDeCada()
8     Mover(Sur); PonerUnaDeCada()
9 }
```

- **Abstracción:** ¿Qué hace PonerUnaDeCada?

# Repaso (Procedimientos simples)

- Procedimientos simples: dan nombre a una secuencia de comandos

- `procedure` <NombreMayuscula>() <bloque>

```
1  /* Proposito: Pone un cuadrado de 2x2 con bolitas de cada color
2  * Cabezal: Queda posicionado en la celda actual
3  */
4  procedure CuadradoMulticolor() {
5      Mover(Este); PonerUnaDeCada()
6      Mover(Norte); PonerUnaDeCada()
7      Mover(Oeste); PonerUnaDeCada()
8      Mover(Sur); PonerUnaDeCada()
9  }
```

- **Abstracción:** ¿Qué hace PonerUnaDeCada?
- **Reutilización:** ¿Cuántas veces hay que escribir el código para PonerUnaDeCada? ⇒ **Bibliotecas**

# Repaso (Procedimientos simples)

- Procedimientos simples: dan nombre a una secuencia de comandos
  - `procedure` <NombreMayuscula>() <bloque>

```
1 /* Proposito: Pone un cuadrado de 2x2 con bolitas de cada color
2 * Cabezal: Queda posicionado en la celda actual
3 */
4 procedure CuadradoMulticolor() {
5     Mover(Este); PonerUnaDeCada()
6     Mover(Norte); PonerUnaDeCada()
7     Mover(Oeste); PonerUnaDeCada()
8     Mover(Sur); PonerUnaDeCada()
9 }
```

- **Abstracción:** ¿Qué hace PonerUnaDeCada?
- **Reutilización:** ¿Cuántas veces hay que escribir el código para PonerUnaDeCada? ⇒ **Bibliotecas**
- **Intercambio:** se puede compartir procedimientos (documentación!)

# Repaso (División en subtareas)

- Concepto **central** en la programación
  - Permite reutilización y escalabilidad

# Repaso (División en subtarear)

- Concepto **central** en la programación
  - Permite reutilización y escalabilidad
- Problema: difícil de aprender
  - Dividir en subproblemas sin importar cómo se resuelven los subproblemas
  - Recordar qué cosas ya hicimos y tratar de reutilizarlas
  - Pensar en unidades de procesamiento que tengan sentido

# Repaso (División en subtareas)

- Concepto **central** en la programación
  - Permite reutilización y escalabilidad
- Problema: difícil de aprender
  - Dividir en subproblemas sin importar cómo se resuelven los subproblemas
  - Recordar qué cosas ya hicimos y tratar de reutilizarlas
  - Pensar en unidades de procesamiento que tengan sentido
- Regla del **copiar&pegar** → factorización
  - Si se repite un comportamiento, se extrae

# Repaso (Especificación, contratos)

- Problema: intercambio de código para usar como **caja negra**

# Repaso (Especificación, contratos)

- Problema: intercambio de código para usar como **caja negra**
- Solución: problemas + especificación
  - Propósito: qué problema resuelve un procedimiento.
  - Precondición: condiciones necesarias para **garantizar** que el problema puede resolverse
  - Tipos de los parámetros: qué valores puede asumir un parámetro (\*)

# Repaso (Especificación, contratos)

- Problema: intercambio de código para usar como **caja negra**
- Solución: problemas + especificación
  - Propósito: qué problema resuelve un procedimiento.
  - Precondición: condiciones necesarias para **garantizar** que el problema puede resolverse
  - Tipos de los parámetros: qué valores puede asumir un parámetro (\*)
- Contrato: si se cumple la precondición y los tipos, entonces el procedimiento funciona correctamente

# Repaso (Especificación, contratos)

- Problema: intercambio de código para usar como **caja negra**
- Solución: problemas + especificación
  - Propósito: qué problema resuelve un procedimiento.
  - Precondición: condiciones necesarias para **garantizar** que el problema puede resolverse
  - Tipos de los parámetros: qué valores puede asumir un parámetro (\*)
- Contrato: si se cumple la precondición y los tipos, entonces el procedimiento funciona correctamente
  - Si no se cumple la precondición, el procedimiento puede hacer lo que quiera (incluso BOOM!)

# Repaso (Especificación, contratos)

- Problema: intercambio de código para usar como **caja negra**
- Solución: problemas + especificación
  - Propósito: qué problema resuelve un procedimiento.
  - Precondición: condiciones necesarias para **garantizar** que el problema puede resolverse
  - Tipos de los parámetros: qué valores puede asumir un parámetro (\*)
- Contrato: si se cumple la precondición y los tipos, entonces el procedimiento funciona correctamente
  - Si no se cumple la precondición, el procedimiento puede hacer lo que quiera (incluso BOOM!)
  
- Permite la construcción de bibliotecas

# Repaso (Precondiciones y equivalencia)

- Qué problemas resuelven los siguientes procedimientos
  - Pensar en proposito + precondición.
- ¿Son equivalentes?

```
1 procedure HacerNada() {  
2   Poner(Azul)  
3   Sacar(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaBis() {  
2   Sacar(Azul)  
3   Poner(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaTri() {  
2   Mover(Este)  
3   Mover(Oeste)  
4 }
```

# Repaso (Precondiciones y equivalencia)

- Qué problemas resuelven los siguientes procedimientos
  - Pensar en proposito + precondición.
- ¿Son equivalentes?

```
1 procedure HacerNada() {  
2   Poner(Azul)  
3   Sacar(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaBis() {  
2   Sacar(Azul)  
3   Poner(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaTri() {  
2   Mover(Este)  
3   Mover(Oeste)  
4 }
```

- **Precondición:** condiciones que tienen que satisfacer el cabezal, el tablero, y los parámetros para que el problema tenga solución (\*).

# Repaso (Precondiciones y equivalencia)

- Qué problemas resuelven los siguientes procedimientos
  - Pensar en proposito + precondición.
- ¿Son equivalentes?

```
1 procedure HacerNada() {  
2   Poner(Azul)  
3   Sacar(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaBis() {  
2   Sacar(Azul)  
3   Poner(Azul)  
4 }
```

```
1 procedure HacerNadaTri() {  
2   Mover(Este)  
3   Mover(Oeste)  
4 }
```

- **Precondición:** condiciones que tienen que satisfacer el cabezal, el tablero, y los parámetros para que el problema tenga solución (\*).
- **Procedimientos equivalentes:** mismo propósito, precondiciones y tipos.

# Repaso (Parámetros)

- Formalmente: identificador que permite denotar distintos valores cuando se invoca un procedimiento
- Intuitivamente: cajitas, asteriscos, etc, que reemplazan un valor fijo por una expresión que denota un valor cualquiera
- Motivación estudio: recordar la regla del copy&paste

```
1  /* Pone una bolita roja
2  * en la celda actual y
3  * mueve el cabezal al este.
4  * Prec: el cabezal no se
5  * encuentra en la ultima col
6  */
7  procedure PonerRojaYMoverAlEste() {
8     Poner(Rojo)
9     Mover(Este)
10 }
```

```
1  /* Pone una bolita azul
2  * en la celda actual y
3  * mueve el cabezal al oeste.
4  * Prec: el cabezal no se
5  * encuentra en la primer col
6  */
7  procedure PonerAzulYMoverAlOeste() {
8     Poner(Azul)
9     Mover(Oeste)
10 }
```

# Repaso (Parámetros)

- Formalmente: identificador que permite denotar distintos valores cuando se invoca un procedimiento
- Intuitivamente: cajitas, asteriscos, etc, que reemplazan un valor fijo por una expresión que denota un valor cualquiera
- Motivación estudio: recordar la regla del copy&paste

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al este.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la ultima col
6 */
7 procedure PonerYMoverAlEste(***) {
8   Poner(***)
9   Mover(Este)
10 }
```

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al oeste.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la primer col
6 */
7 procedure PonerYMoverAlOeste(***) {
8   Poner(***)
9   Mover(Oeste)
10 }
```

# Repaso (Parámetros)

- Formalmente: identificador que permite denotar distintos valores cuando se invoca un procedimiento
- Intuitivamente: cajitas, asteriscos, etc, que reemplazan un valor fijo por una expresión que denota un valor cualquiera
- Motivación estudio: recordar la regla del copy&paste

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al este.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la ultima col
6 */
7 procedure PonerYMoverAlEste(***) {
8   Poner (***)
9   Mover (Este)
10 }
```

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al oeste.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la primer col
6 */
7 procedure PonerYMoverAlOeste(***) {
8   Poner (***)
9   Mover (Oeste)
10 }
```

# Repaso (Parámetros)

- Formalmente: identificador que permite denotar distintos valores cuando se invoca un procedimiento
- Intuitivamente: cajitas, asteriscos, etc, que reemplazan un valor fijo por una expresión que denota un valor cualquiera
- Motivación estudio: recordar la regla del copy&paste

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al ###.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la ultima ### col
6 */
7 procedure PonerYMover(***, ###) {
8   Poner (***)
9   Mover (###)
10 }
```

```
1 /* Pone una bolita ***
2 * en la celda actual y
3 * mueve el cabezal al ###.
4 * Prec: el cabezal no se
5 * encuentra en la primer ### col
6 */
7 procedure PonerYMover(***, ###) {
8   Poner (***)
9   Mover (###)
10 }
```

# Repaso (Parámetros)

- Formalmente: identificador que permite denotar distintos valores cuando se invoca un procedimiento
- Intuitivamente: cajitas, asteriscos, etc, que reemplazan un valor fijo por una expresión que denota un valor cualquiera
- Motivación estudio: recordar la regla del copy&paste

```
1  /* Pone una bolita de color c
2  * en la celda actual y
3  * mueve el cabezal en direccion d.
4  * Precondicion: el cabezal no se
5  * encuentra en la ultima columna en direccion d
6  */
7  procedure PonerYMover(c, d) {
8     Poner(c)
9     Mover(d)
10 }
```

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`
- Cada argumento denota un único valor

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`
- Cada argumento denota un único valor
- La lista de argumentos se separa por comas

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`
- Cada argumento denota un único valor
- La lista de argumentos se separa por comas
- El primer argumento corresponde al primer parámetro, el segundo argumento al segundo parámetro, etc.
  - `PonerYMover(Azul, Este)`, `PonerYMover(Verde, Oeste)`

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`
- Cada argumento denota un único valor
- La lista de argumentos se separa por comas
- El primer argumento corresponde al primer parámetro, el segundo argumento al segundo parámetro, etc.
  - `PonerYMover(Azul, Este)`, `PonerYMover(Verde, Oeste)`
- Funcionamiento: se interrumpe la ejecución del procedimiento actual y se ejecuta el procedimiento invocado.
  - Cada parámetro pasa a denotar el mismo valor que el argumento correspondiente.
  - Cuando el procedimiento invocado termina, se continúa ejecutando el procedimiento llamador.

# Repaso (Invocación)

- Para **invocar** un procedimiento dentro de otro, escribimos `NombreProc(argumentos)`
- Cada argumento denota un único valor
- La lista de argumentos se separa por comas
- El primer argumento corresponde al primer parámetro, el segundo argumento al segundo parámetro, etc.
  - `PonerYMover(Azul, Este)`, `PonerYMover(Verde, Oeste)`
- Funcionamiento: se interrumpe la ejecución del procedimiento actual y se ejecuta el procedimiento invocado.
  - Cada parámetro pasa a denotar el mismo valor que el argumento correspondiente.
  - Cuando el procedimiento invocado termina, se continúa ejecutando el procedimiento llamador.
- Contrato: si los argumentos y el tablero satisfacen la precondition, entonces el procedimiento cumple su propósito.

# Repaso (alcance de parámetros)

- ¿Qué relación hay entre el parámetro `c` de `PonerDos` y `PonerCuatro`?

```
1 // Pone dos bolita de color c sin mover el cabezal
2 procedure PonerDos(c) {
3     Poner(c)
4     Poner(c)
5 }
6
7
8 // Pone cuatro bolitas de color c sin mover el cabezal
9 procedure PonerCuatro(c) {
10    PonerDos(c)
11    PonerDos(c)
12 }
```

# Repaso (alcance de parámetros)

- ¿Qué relación hay entre el parámetro `c` de `PonerDos` y `PonerCuatro`?

```
1 // Pone dos bolita de color c sin mover el cabezal
2 procedure PonerDos(c) {
3     Poner(c)
4     Poner(c)
5 }
6
7
8 // Pone cuatro bolitas de color c sin mover el cabezal
9 procedure PonerCuatro(c) {
10    PonerDos(c)
11    PonerDos(c)
12 }
```

- Alcance de un parámetro: bloque en el que es válido
- Nombre y apellido de un parámetro
  - “`c` de `PonerDos`” vs. “`c` de `PonerCuatro`”

- ¿Cómo hacemos para poner 4 bolitas rojas?

# Repetición simple: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 4 bolitas rojas?
- ¿Cómo hacemos para poner 10 bolitas rojas?

# Repetición simple: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 4 bolitas rojas?
- ¿Cómo hacemos para poner 10 bolitas rojas?
- ¿Cómo hacemos para poner 10000 bolitas rojas?

# Repetición simple: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 4 bolitas rojas?
- ¿Cómo hacemos para poner 10 bolitas rojas?
- ¿Cómo hacemos para poner 10000 bolitas rojas?

```
1 // Proposito: Agrega 10000 bolitas rojas
2 procedure PonerDiezMilRojas() {
3   repeat(10000) {
4     Poner(Rojo)
5   }
6 }
```

# Repetición simple: forma general

## Repetición simple (`repeat`)

```
repeat(<numero>
  <bloque a repetir>
```

donde,

- `<numero>` denota un número  $n$  cualquiera

- El `repeat` se puede escribir en los mismos lugares que los comandos
  - Bloque: secuencia de comandos y repeticiones ( $*$ )
- Funcionamiento: se ejecuta `bloque a repetir` tantas veces como el número  $n$ . Si  $n \leq 0$ , entonces no hace nada.

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.

# Repeat y parámetros

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerTreinta(c)` que ponga treinta bolitas de color `c` en la celda actual.

# Repeat y parámetros

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerTreinta(c)` que ponga treinta bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerMil(c)` que ponga 1000 bolitas de color `c` en la celda actual.

# Repeat y parámetros

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerTreinta(c)` que ponga treinta bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerMil(c)` que ponga 1000 bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerN(c, n)` que ponga `n` bolitas de color `c` en la celda actual.

# Repeat y parámetros

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerTreinta(c)` que ponga treinta bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerMil(c)` que ponga 1000 bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerN(c, n)` que ponga `n` bolitas de color `c` en la celda actual.
- ¿Qué hace `PonerN(c, -10)`?

# Repeat y parámetros

- Hacer un procedimiento `PonerVeinte(c)` que ponga veinte bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerTreinta(c)` que ponga treinta bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerMil(c)` que ponga 1000 bolitas de color `c` en la celda actual.
- Hacer un procedimiento `PonerN(c, n)` que ponga `n` bolitas de color `c` en la celda actual.
- ¿Qué hace `PonerN(c, -10)`?
- Cualquier parámetro (u expresión) que denote un número puede usarse como cantidad de una repetición simple.

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)
- Expresiones **literales** (o atómicas): denotan directamente un valor
  - Colores: **Azul**, **Negro**, **R rojo**, **Verde**
  - Direcciones: **Norte**, **Este**, **Sur**, **Oeste**
  - **Números** (enteros): ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)
- Expresiones **literales** (o atómicas): denotan directamente un valor
  - Colores: **Azul**, **Negro**, **Rojo**, **Verde**
  - Direcciones: **Norte**, **Este**, **Sur**, **Oeste**
  - **Números** (enteros): ..., **-3**, **-2**, **-1**, **0**, **1**, **2**, **3**, ...
- Expresiones **no literales**: denotan valores indirectamente
  - identificadores: e.g. parámetros

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)
- Expresiones **literales** (o atómicas): denotan directamente un valor
  - Colores: **Azul**, **Negro**, **Rojo**, **Verde**
  - Direcciones: **Norte**, **Este**, **Sur**, **Oeste**
  - **Números** (enteros): ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...
- Expresiones **no literales**: denotan valores indirectamente
  - identificadores: e.g. parámetros
  - operaciones:  
`1 + 2`, `7 - 8`, `minColor()`, `maxColor()`, `nroBolitas(Azul)`,  
etc

# Formalizando I: valores y expresiones

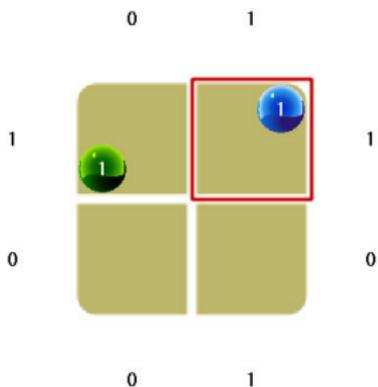
- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)
- Expresiones **literales** (o atómicas): denotan directamente un valor
  - Colores: **Azul**, **Negro**, **Rojo**, **Verde**
  - Direcciones: **Norte**, **Este**, **Sur**, **Oeste**
  - **Números** (enteros): ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...
- Expresiones **no literales**: denotan valores indirectamente
  - identificadores: e.g. parámetros
  - operaciones:  
`1 + 2`, `7 - 8`, `minColor()`, `maxColor()`, `nroBolitas(Azul)`,  
etc
- **Evaluar**: determinar qué valor denota una expresión

# Formalizando I: valores y expresiones

- Valores: colores, direcciones, **números**.
- Expresión: cadena de símbolos (i.e., palabras) que denota un valor (\*)
- Expresiones **literales** (o atómicas): denotan directamente un valor
  - Colores: **Azul**, **Negro**, **Rojo**, **Verde**
  - Direcciones: **Norte**, **Este**, **Sur**, **Oeste**
  - **Números** (enteros): ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...
- Expresiones **no literales**: denotan valores indirectamente
  - identificadores: e.g. parámetros
  - operaciones:  
`1 + 2`, `7 - 8`, `minColor()`, `maxColor()`, `nroBolitas(Azul)`,  
etc
- **Evaluar**: determinar qué valor denota una expresión
- Cualquier expresión se puede en lugar de un literal

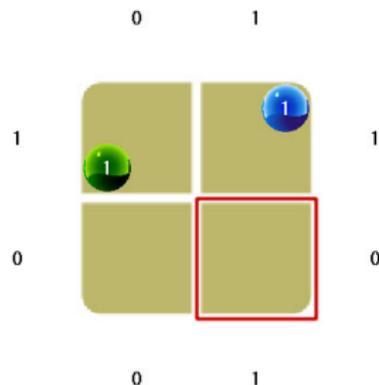
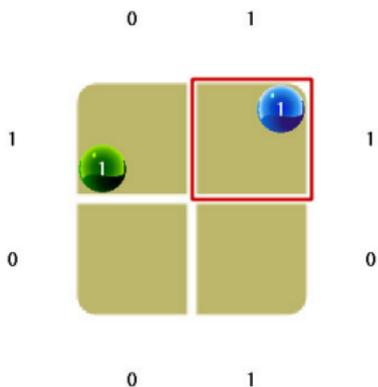
# Formalizando II: expresiones y operaciones

- Distintas expresiones pueden denotar el mismo valor
  - e.g.  $1$ ,  $5 - 4$ ,  $-2 + 3$ , `nroBolitas(Azul)`



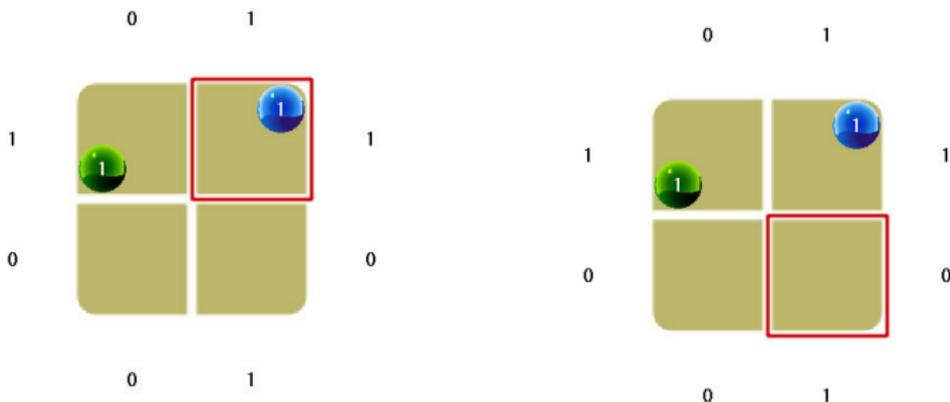
# Formalizando II: expresiones y operaciones

- Distintas expresiones pueden denotar el mismo valor
  - e.g.  $1$ ,  $5 - 4$ ,  $-2 + 3$ , `nroBolitas(Azul)`
- La misma expresión puede denotar valores distintos en instantes diferentes
  - `nroBolitas(Azul)`



# Formalizando II: expresiones y operaciones

- Distintas expresiones pueden denotar el mismo valor
  - e.g.  $1$ ,  $5 - 4$ ,  $-2 + 3$ , `nroBolitas(Azul)`
- La misma expresión puede denotar valores distintos en instantes diferentes
  - `nroBolitas(Azul)`

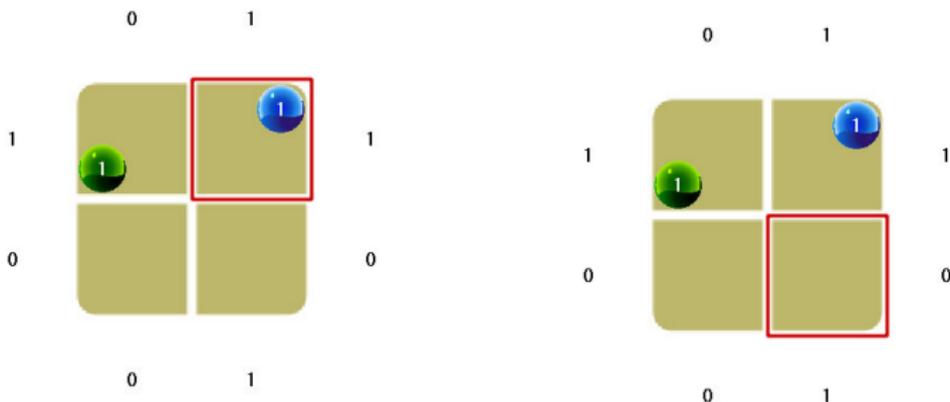


## Operaciones

- denotan valores a partir del estado del tablero y los parámetros

# Formalizando II: expresiones y operaciones

- Distintas expresiones pueden denotar el mismo valor
  - e.g.  $1$ ,  $5 - 4$ ,  $-2 + 3$ , `nroBolitas(Azul)`
- La misma expresión puede denotar valores distintos en instantes diferentes
  - `nroBolitas(Azul)`

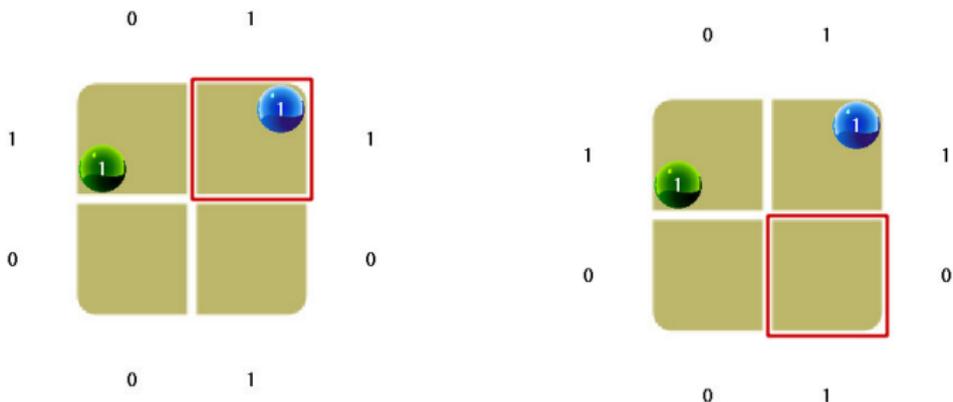


## Operaciones

- denotan valores a partir del estado del tablero y los parámetros
- no modifican el estado del tablero

# Formalizando II: expresiones y operaciones

- Distintas expresiones pueden denotar el mismo valor
  - e.g. `1`, `5 - 4`, `-2 + 3`, `nroBolitas(Azul)`
- La misma expresión puede denotar valores distintos en instantes diferentes
  - `nroBolitas(Azul)`



## Operaciones

- denotan valores a partir del estado del tablero y los parámetros
- no modifican el estado del tablero
- se escriben en minúscula y tienen una lista de argumentos

## Algunas operaciones con colores: $\langle c \rangle$ color

- `minColor()`: mínimo color en orden alfabético (**Azul**)
- `maxColor()`: máximo color en orden alfabético (**Verde**)
- `siguiente( $\langle c \rangle$ )`: color siguiente a  $\langle c \rangle$  en orden alfabético
  - `siguiente(maxColor())` denota `minColor()`
- `previo( $\langle c \rangle$ )`: color anterior a  $\langle c \rangle$  en orden alfabético
  - `previo(minColor())` denota `maxColor()`
- `nroBolitas( $\langle c \rangle$ )`: cantidad de bolitas de color  $\langle c \rangle$  en la celda actual

**Algunas operaciones con direcciones:**  $\langle d \rangle$  dirección

- `minDir()`: mínima dirección en el sentido del reloj (**Norte**)
- `maxDir()`: máxima dirección en el sentido del reloj (**Oeste**)
- `siguiente( $\langle d \rangle$ )`: dirección siguiente a  $\langle d \rangle$  en sentido del reloj.
  - `siguiente(maxDir())` denota `minDir()`
- `previo( $\langle d \rangle$ )`: dirección anterior a  $\langle d \rangle$  en sentido del reloj
  - `previo(minDir())` denota `maxDir()`
- `opuesto( $\langle d \rangle$ )`: dirección cardinal opuesta a  $\langle d \rangle$

## Algunas operaciones con números: $\langle n \rangle$ y $\langle m \rangle$ números

- $\langle n \rangle + \langle m \rangle$ : denota la suma de  $\langle n \rangle$  y  $\langle m \rangle$
- $\langle n \rangle - \langle m \rangle$ : denota la resta de  $\langle n \rangle$  y  $\langle m \rangle$
- $\langle n \rangle * \langle m \rangle$ : denota la multiplicación  $\langle n \rangle$  y  $\langle m \rangle$
- $\langle n \rangle \text{ div } \langle m \rangle$ : denota la división **entera**  $\langle n \rangle$  y  $\langle m \rangle$
- $\langle n \rangle \text{ mod } \langle m \rangle$ : denota el resto de la división entera de  $\langle n \rangle$  y  $\langle m \rangle$
- $\langle n \rangle ^ \langle m \rangle$ : denota el resultado de elevar  $\langle n \rangle$  por  $\langle m \rangle$ , i.e.,  $n^m$
- $- \langle n \rangle$ : denota  $0 - \langle n \rangle$

# Formalizando II: operaciones

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?

```
1 procedure AdivinarComportamiento () {  
2   Poner (minColor ())  
3   Mover (siguiente (minDir ()))  
4   Poner (siguiente (minColor ()))  
5   Mover (minDir ())  
6   Poner (previo (maxColor ()))  
7   Mover (previo (minDir ()))  
8   Poner (maxColor ())  
9   Mover (opuesto (minDir ()))  
10 }
```

# Formalizando II: operaciones

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?

```
1 procedure AdivinarComportamiento() {  
2   Poner(minColor())  
3   Mover(siguiete(minDir()))  
4   Poner(siguiete(minColor()))  
5   Mover(minDir())  
6   Poner(previo(maxColor()))  
7   Mover(previo(minDir()))  
8   Poner(maxColor())  
9   Mover(opuesto(minDir()))  
10 }
```

- Recordar: cada vez que se requiera un valor se puede usar una expresión
  - Los literales son sólo una forma de expresión

# Más ejemplos motivadores

- ¿Qué hace el procedimiento `MoverN(Este, 5)`?
- ¿Cuál es el propósito de `MoverN`?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure MoverN(d, n) {  
2   repeat(|n|) {  
3     Mover(d)  
4   }  
5 }
```

# Más ejemplos motivadores

- ¿Qué hace el procedimiento `MoverN(Este, 5)`?
- ¿Cuál es el propósito de `MoverN`?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure MoverN(d, n) {  
2   repeat(|n|) {  
3     Mover(d)  
4   }  
5 }
```

- Recordar: para describir la cantidad podemos usar expresiones!

# Ejemplo de expresiones

- ¿Qué hace el procedimiento `Duplicar(Azul)`?
- ¿Cuál es el propósito de `Duplicar`?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure Duplicar(c) {  
2   PonerN(c, nroBolitas(c))  
3 }
```

# Ejemplo de expresiones

- ¿Qué hace el procedimiento `Duplicar(Azul)`?
- ¿Cuál es el propósito de `Duplicar`?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure Duplicar(c) {  
2   PonerN(c, nroBolitas(c))  
3 }
```

- Recordar: cualquier expresión puede usarse como argumento
- Ejercicio: escribir la función `SacarTodas` invocando a `SacarN`

# Más ejemplos motivadores

- ¿Qué hace el procedimiento `RepartirBolitas(Este, Azul)`?
- ¿Cuál es el propósito de `RepartirBolitas` (cabeza!)?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure RepartirBolitas(d, c) {  
2   repeat(nroBolitas(c)) {  
3     Mover(d)  
4     Poner(c)  
5   }  
6 }
```

# Más ejemplos motivadores

- ¿Qué hace el procedimiento `RepartirBolitas(Este, Azul)`?
- ¿Cuál es el propósito de `RepartirBolitas` (cabezal!)?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure RepartirBolitas(d, c) {  
2   repeat(nroBolitas(c)) {  
3     Mover(d)  
4     Poner(c)  
5   }  
6 }
```

- Ejercicio: ¿cómo hacemos para dejar el cabezal en la celda inicial?

# Formalizando III: argumentos y expresiones

- Formalmente, cada comando u operación tiene una lista de **parámetros**, que son simplemente identificadores
  - **Poner**(<color>), **procedure** PonerN(c,n) <bloque>
  - **nroBolitas**(<color>), **n + m**, **repeat**(<numero>) <bloque>

# Formalizando III: argumentos y expresiones

- Formalmente, cada comando u operación tiene una lista de **parámetros**, que son simplemente identificadores
  - `Poner(<color>)`, `procedure PonerN(c,n) <bloque>`
  - `nroBolitas(<color>)`, `n + m`, `repeat(<numero>) <bloque>`
- Al invocar un comando u operación, se debe incluir una lista con tantos **argumentos** como parámetros tenga el comando u operación invocado
  - Bien: `PonerN(Azul, 3)`, `nroBolitas(Rojo)`, `repeat (4) {}`.
  - Mal: `PonerN(Azul)`, `nroBolitas(Rojo, Azul)`, `repeat() {}`

# Formalizando III: argumentos y expresiones

- Formalmente, cada comando u operación tiene una lista de **parámetros**, que son simplemente identificadores
  - `Poner(<color>)`, `procedure PonerN(c,n) <bloque>`
  - `nroBolitas(<color>)`, `n + m`, `repeat(<numero>) <bloque>`
- Al invocar un comando u operación, se debe incluir una lista con tantos **argumentos** como parámetros tenga el comando u operación invocado
  - Bien: `PonerN(Azul, 3)`, `nroBolitas(Rojo)`, `repeat (4) {}`.
  - Mal: `PonerN(Azul)`, `nroBolitas(Rojo, Azul)`, `repeat() {}`
- Cada argumento debe ser una **expresión** que puede no ser literal

# Formalizando III: argumentos y expresiones

- Formalmente, cada comando u operación tiene una lista de **parámetros**, que son simplemente identificadores
  - `Poner(<color>)`, `procedure PonerN(c,n) <bloque>`
  - `nroBolitas(<color>)`, `n + m`, `repeat(<numero>) <bloque>`
- Al invocar un comando u operación, se debe incluir una lista con tantos **argumentos** como parámetros tenga el comando u operación invocado
  - Bien: `PonerN(Azul, 3)`, `nroBolitas(Rojo)`, `repeat (4) {}`.
  - Mal: `PonerN(Azul)`, `nroBolitas(Rojo, Azul)`, `repeat() {}`
- Cada argumento debe ser una **expresión** que puede no ser literal
- La única restricción es que el tipado sea correcto; clase que viene
  - Bien:  
`siguiente(Rojo)`, `PonerN(Azul, nroBolitas(Verde) + 2)`
  - Bien: `repeat (nroBolitas(Azul) div 12)`
  - Mal: `nroBolitas(Poner(Rojo))`, `Poner(Poner(Verde))`

# Formalizando III: argumentos y expresiones

- Formalmente, cada comando u operación tiene una lista de **parámetros**, que son simplemente identificadores
  - `Poner(<color>)`, `procedure PonerN(c,n) <bloque>`
  - `nroBolitas(<color>)`, `n + m`, `repeat(<numero>) <bloque>`
- Al invocar un comando u operación, se debe incluir una lista con tantos **argumentos** como parámetros tenga el comando u operación invocado
  - Bien: `PonerN(Azul, 3)`, `nroBolitas(Rojo)`, `repeat (4) {}`.
  - Mal: `PonerN(Azul)`, `nroBolitas(Rojo, Azul)`, `repeat() {}`
- Cada argumento debe ser una **expresión** que puede no ser literal
- La única restricción es que el tipado sea correcto; clase que viene
  - Bien:  
`siguiente(Rojo)`, `PonerN(Azul, nroBolitas(Verde) + 2)`
  - Bien: `repeat (nroBolitas(Azul) div 12)`
  - Mal: `nroBolitas(Poner(Rojo))`, `Poner(Poner(Verde))`
- Recíprocamente, las expresiones sólo pueden usarse como argumentos.
  - Mal: `repeat(1){ Azul }`, `repeat(1){ nroBolitas(Azul) }`

# Formalizando III: parámetros y expresiones

- Dentro de un procedimiento, cada parámetro es una expresión
  - Puede usarse como argumento y sólo como argumento
  - Denota un valor desconocido hasta que el procedimiento se ejecuta.

```
1 //c es un parametro y se usa como cualquier expresion
2 procedure Duplicar(c) {
3   PonerN(c, nroBolitas(c))
4 }
```

- Cuando el procedimiento es invocado, el parámetro denota el valor correspondiente a su argumento **durante esa invocación**.
  - Durante la invocación de `Duplicar(Azul)`, su parámetro `c` denota el valor `Azul`
  - Cuando se ejecute luego la invocación de `PonerN`, su parámetro `n` denotara la cantidad de bolitas azules de la celda actual.

- ¿Cómo hacemos para poner 1 bolita azul en la celda actual, 2 en la celda siguiente al este, 3 en la celda a dos de distancia al este, y 4 en la celda a distancia 3 al este?

# Repetición indexada: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 1 bolita azul en la celda actual, 2 en la celda siguiente al este, 3 en la celda a dos de distancia al este, y 4 en la celda a distancia 3 al este?
- ¿Y si queremos hacerlo 10 veces?

# Repetición indexada: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 1 bolita azul en la celda actual, 2 en la celda siguiente al este, 3 en la celda a dos de distancia al este, y 4 en la celda a distancia 3 al este?
- ¿Y si queremos hacerlo 10 veces?
- ¿Y en el caso de que queramos 10000 veces?

# Repetición indexada: motivación

- ¿Cómo hacemos para poner 1 bolita azul en la celda actual, 2 en la celda siguiente al este, 3 en la celda a dos de distancia al este, y 4 en la celda a distancia 3 al este?
- ¿Y si queremos hacerlo 10 veces?
- ¿Y en el caso de que queramos 10000 veces?

```
1  /* Propósito: Hace una progresión de 10000 bolitas azules
2  * Cabezal: a 10000 celdas al este
3  * Precondición: Hay al menos 10000 celdas al este de la actual
4  */
5  procedure ProgresionDiezMil() {
6    foreach i in [1..10000] {
7      PonerN(Rojo, i)
8      Mover(Este)
9    }
10 }
```

## Repetición indexada (`foreach`)

```
foreach <indice>in <rango>  
<bloque a repetir>
```

donde,

- `<indice>` es un identificador
- `<rango>` describe un rango `[n..m]` (a ser definido)

- El `foreach` se puede escribir en los mismos lugares que los comandos
  - Bloque: secuencia de comandos y repeticiones (\*)
- Funcionamiento: por cada elemento del rango, se ejecuta `<bloque a repetir>`

# Formalizando: rangos

- Informalmente: lo que se escribe al final del `foreach`

# Formalizando: rangos

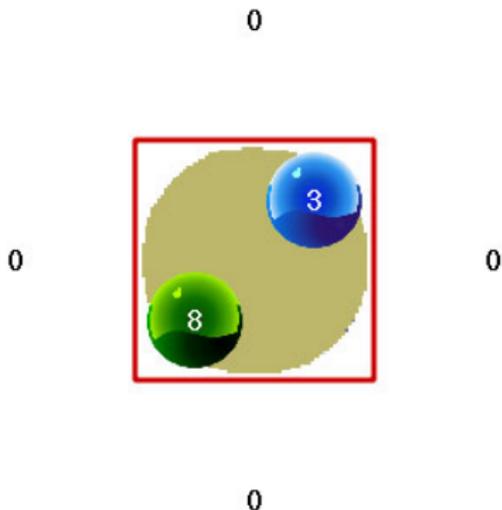
- Informalmente: lo que se escribe al final del `foreach`
- Formalmente: secuencia ordenada (menor a mayor) y finita de valores contiguos

# Formalizando: rangos

- Informalmente: lo que se escribe al final del `foreach`
- Formalmente: secuencia ordenada (menor a mayor) y finita de valores contiguos
- En GOBSTONES se escribe  $\langle primero \rangle . . \langle ultimo \rangle$ 
  - $\langle primero \rangle$  y  $\langle ultimo \rangle$  son expresiones
  - Si  $\langle ultimo \rangle$  es anterior a  $\langle primero \rangle$ , entonces el rango es vacío
  - `foreach` ejecuta  $\langle bloque\ a\ repetir \rangle$  una vez por cada elemento del rango

# Ejercitando rangos

- Indicar los valores (en orden) de los siguiente rangos
  - `[1..10]`:
  - `[-3..3]`:
  - `[10..1]`:
  - `[nroBolitas(Azul)..nroBolitas(Verde)]`:



- Suponga `DibujarLinea(n, d, c)` donde el cabezal queda en la celda actual

# Índice: motivación

- Suponga DibujarLinea(n, d, c) donde el cabezal queda en la celda actual
- ¿Qué hace el procedimiento Escalera(5, Azul)?
- ¿Cuál es el propósito de Escalera(n, c)?

```
1 procedure Escalera(n,c) {  
2   foreach i in [1..n] {  
3     DibujarLinea(i, Este, c)  
4     Mover(Norte)  
5   }  
6 }
```

# Índice: motivación

- Suponga DibujarLinea(n, d, c) donde el cabezal queda en la celda actual
- ¿Qué hace el procedimiento Escalera(5, Azul)?
- ¿Cuál es el propósito de Escalera(n, c)?

```
1 procedure Escalera(n,c) {  
2   foreach i in [1..n] {  
3     DibujarLinea(i, Este, c)  
4     Mover(Norte)  
5   }  
6 }
```

- Los índices son expresiones que denotan los valores del rango
- Como cualquier expresión se pueden usar como argumentos y SOLO como argumentos

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango

# Formalizando IV: índices

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden
  - Primer repetición: corresponde al primer elemento del rango

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden
  - Primer repetición: corresponde al primer elemento del rango
  - Segunda repetición: corresponde al segundo elemento del rango

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden
  - Primer repetición: corresponde al primer elemento del rango
  - Segunda repetición: corresponde al segundo elemento del rango
  - $n$ -ésima repetición: corresponde al  $n$ -ésimo elemento del rango

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden
  - Primer repetición: corresponde al primer elemento del rango
  - Segunda repetición: corresponde al segundo elemento del rango
  - $n$ -ésima repetición: corresponde al  $n$ -ésimo elemento del rango
  - Última repetición: corresponde al último elemento del rango

- `foreach` ejecuta *<bloque a repetir>* una vez por cada elemento del rango
- Esta ejecución es en orden
  - Primera repetición: corresponde al primer elemento del rango
  - Segunda repetición: corresponde al segundo elemento del rango
  - $n$ -ésima repetición: corresponde al  $n$ -ésimo elemento del rango
  - Última repetición: corresponde al último elemento del rango
- Índice: **denota** el valor del rango correspondiente
  - Escribiendo su identificador se accede al valor denotado

# Rangos de colores

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure ArcoIris() {  
2   foreach c in [Azul..Verde] {  
3     PonerYMover(c, Este)  
4   }  
5 }
```

# Rangos de colores

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure ArcoIris() {  
2   foreach c in [Azul..Verde] {  
3     PonerYMover(c, Este)  
4   }  
5 }
```

- ¡Los colores también pueden ser índices!
  - Orden alfabético
  - Usar `[minColor()..maxColor()]` para recorrer todos los colores

# Rangos de direcciones

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure DibujarCuadradadito(color) {  
2   foreach dir in [Norte..Oeste] {  
3     Mover(dir)  
4     Poner(color)  
5   }  
6 }
```

# Rangos de direcciones

- ¿Qué hace el siguiente procedimiento?
- ¿Cuál es su precondition?

```
1 procedure DibujarCuadradadito(color) {  
2   foreach dir in [Norte..Oeste] {  
3     Mover(dir)  
4     Poner(color)  
5   }  
6 }
```

- ¡Las direcciones también pueden ser índices!
  - Orden en el sentido de las agujas del reloj desde **Norte**
  - Usar `[minDir()..maxDir()]` para recorrer todas las direcciones

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]
- *<primero>* y *<ultimo>* son **expresiones**

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]
- *<primero>* y *<ultimo>* son **expresiones**
- El identificador *<indice>* es un expresión que denota el elemento del rango correspondiente a la repetición actual

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]
- *<primero>* y *<ultimo>* son **expresiones**
- El identificador *<indice>* es un expresión que denota el elemento del rango correspondiente a la repetición actual
- El rango puede ser numérico, de colores, o de direcciones

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]
- *<primero>* y *<ultimo>* son expresiones
- El identificador *<indice>* es un expresión que denota el elemento del rango correspondiente a la repetición actual
- El rango puede ser numérico, de colores, o de direcciones
- El concepto de bloque se extiende para incluir `foreach`

# Repetición indexada (Resumen)

- La repetición indexada ejecuta *<bloque a repetir>* para cada elemento de un rango [*<primero>..<ultimo>*]
- *<primero>* y *<ultimo>* son **expresiones**
- El identificador *<indice>* es un expresión que denota el elemento del rango correspondiente a la repetición actual
- El rango puede ser numérico, de colores, o de direcciones
- El concepto de bloque se extiende para incluir **foreach**
- El tema de valores y expresiones lo repasamos la clase que viene